原子物理课程主要讨论了不同情况下原子的能级、能级间的跃迁及产生的光谱!

- 经典模型:汤姆逊、卢瑟福原子模型
 卢瑟福原子模型可以解释α粒子散射实验,但无法解释原子的稳定性
- 半经典:玻尔氢原子模型
 通过定态假设,使氢原子能够保持稳定,但仍保留了轨道等经典概念,是一个过渡理论
- 通过薛定谔方程求解H原子波函数 通过量子力学概念求解了H原子的波函数,但并没有考虑相对论效应和自旋
- 精细结构的能级和光谱
 对薛定谔方程做了相对论动能、势能修正,以及考虑了自旋-轨道相互作用(内磁场影响)
- 外磁场中的原子考虑了原子总磁矩(自旋、轨道)在强、弱磁场中的能级分裂及跃迁产生的光谱
- 进一步考虑多电子原子
 通过考虑多电子间的效用(交换效应、泡利不相容原理、角动量耦合等)解释核外电子排布,能级和光谱
- 双原子分子 讨论双原子情况下的纯转动、振转能级和光谱,以及与之相关的拉曼散射

经典:汤姆逊、卢瑟福原子模型

微分散射截面

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{D^2}{16} \frac{1}{\sin^4 \frac{\theta}{2}} = \left(\frac{1}{4\pi\varepsilon_0}\right)^2 \left(\frac{zZe^2}{4E_0}\right)^2 \frac{1}{\sin^4 \frac{\theta}{2}}$$

$$dn = nNt \left(\frac{1}{4\pi\varepsilon_0}\right)^2 \left(\frac{2Ze^2}{4E}\right)^2 \frac{d\Omega}{\sin^4(\theta/2)}$$

 $d\sigma$ 表征了一个 α 粒子被一个原子核散射到 θ 角方向上 $d\Omega$ 立体角内,每个原子的有效散射截面。 $\frac{d\sigma}{d\Omega}$ 称为微分散射截面,具有面积量纲,单位是巴(b), $1b=10^{-24}$ cm²

 $\frac{d\sigma}{d\Omega}$ 还表示单位面积内垂直入射一个粒子 (n=1) 时,被这个面积内的一个靶原子 (Nt=1) 散射到 θ 角方向单位立体角内的概率

半经典:玻尔氢原子模型

1. 玻尔频率定则: $v = |E_m - E_n|/h$

拓展1: 氢的谱线系
$$\tilde{v} = R_H \left[\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right] = T(m) - T(n)$$
 最外层电子的跃迁

赖曼 $(n\rightarrow 1)$, 巴尔末 $(n\rightarrow 2)$, 帕邢 $(n\rightarrow 3)$, 布拉开系 $(n\rightarrow 4)$, 普丰系 $((n\rightarrow 5))$

巴尔末: H_{α} 线 $3\rightarrow 2$, H_{β} 线 $4\rightarrow 2$ …

拓展2: X射线的谱线系

出现空穴时, 内层电子的跃迁

K线系:
$$\tilde{v}_K = R(Z-1)^2 \left[\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2}\right]$$

K线系: $\tilde{\nu}_K = \mathbf{R}(Z-1)^2 \left[\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2}\right]$ n=2、3、4...到n=1的跃迁分别叫做 \mathbf{K}_{α} 、 \mathbf{K}_{β} 、 \mathbf{K}_{γ} ...线

L线系:
$$\tilde{v}_L = R(Z-7.4)^2 \left[\frac{1}{2^2} - \frac{1}{3^2}\right]$$
 $n=3$ 、4、5...到 $n=2$ 的跃迁分别叫做 L_α 、 L_β 、 L_γ ...线

半经典:玻尔氢原子模型

2. 玻尔能级和半径:

$$E_{n} = -\frac{1}{2} m_{e} \alpha^{2} c^{2} \frac{1}{n^{2}}$$

拓展1: 类氢

$$E_n = -\frac{1}{2} m_e c^2 \alpha^2 \frac{Z^2}{n^2} = Z^2 E_H,$$

拓展2: 特殊氢原子体系
$$E_n = -\frac{1}{2}\mu c^2 \alpha^2 \frac{Z^2}{n^2}$$

拓展3: 碱金属原子体系
$$E_{nl} = -\frac{1}{2}\mu\alpha^2c^2\frac{Z_{nl}^{*2}}{n^2} = -\frac{1}{2}\mu\alpha^2c^2\frac{1}{n^{*2}}$$
 $n^* = n - \Delta_{nl}$ Δ_{nl} 称为 量子数亏损

- ▶ 存在轨道贯穿效应与量子数亏损, 能级下降
- ▶ 能级能量与 n 和 l 相关

$$r_n = n^2 a_0$$

$$r_n = \frac{\hbar c n^2}{Z \mu c^2 \alpha} = \left(\frac{m_e}{Z \mu}\right) n^2 a_0$$

$$r_n = \frac{\hbar c n^2}{Z \mu c^2 \alpha} = \left(\frac{m_e}{Z \mu}\right) n^2 a_0$$

$$n^* = n - \Delta_{nl}$$

量子力学:通过薛定谔方程求解氢原子

$$E_{n} = -\frac{1}{2} m_{e} c^{2} \alpha^{2} \frac{Z^{2}}{n^{2}}$$

结论与半经典的玻尔理论完全相同

拓展1:量子数的引入

$$n = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots$$

轨道角动量量子数1:

$$L^2 = l(l+1)\hbar^2$$

$$l = 0, 1, 2, \dots$$

$$L = \sqrt{l(l+1)}\hbar \qquad l = 0, 1, 2, \dots$$

$$l = 0, 1, 2, \dots$$

磁量子数 m;

$$L_{z}=m_{l}\hbar$$

$$L_z = m_t \hbar \qquad m_t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots \pm l$$

拓展2:量子力学中的波函数 波函数ψ(r,t)本身并没有物理意义,有意义的是它的模的平方

 $\left|\Psi(\vec{r},t)\right|^2$: t时刻在 \vec{r} 空间处找到粒子的概率密度

✓ 可归一性

 $|\Psi(\bar{r},t)|^2 d\tau$: t时刻在 \bar{r} 处的体积元 $d\tau$ 内找到粒子的概率

✓ 有限,单值,连续

 $\Psi(\vec{r},t)$: 概率幅 ✓ 满足态的叠加原理

量子力学: 通过薛定谔方程求解氢原子

拓展3: 氢原子中电子的概率分布

角向分布函数 $W_{lm}(\theta, \varphi)$

$$W_{lm}(\theta, \varphi)d\Omega = \left[\int_{0}^{\infty} \left|u_{nlm}(r, \theta, \varphi)\right|^{2} r^{2} dr\right] \sin\theta d\theta d\varphi$$

$$= \left[\int_{0}^{\infty} R_{nl}^{2}(r) r^{2} dr\right] \left|Y_{lm}(\theta, \varphi)\right|^{2} \sin\theta d\theta d\varphi = \left|Y_{lm}(\theta, \varphi)\right|^{2} d\Omega$$

$$W_{lm}(\theta, \varphi) = \left|Y_{lm}(\theta, \varphi)\right|^{2} = N_{lm}^{2} \left|P_{l}^{m}(\cos\theta)\right|^{2}$$

拓展4: 跃迁定则

$$\Delta n = n' - n =$$
 任意值
$$\Delta l = l' - l = \pm 1$$

$$\Delta m = m' - m = 0, \pm 1$$

径向分布函数 $W_{nl}(r)$

$$W_{nl}(r)dr = \left[\int_0^{\pi} \int_0^{2\pi} |u_{nlm}(r,\theta,\varphi)|^2 \sin\theta d\theta d\varphi\right] r^2 dr$$

$$= \left[\int_0^{\pi} \int_0^{2\pi} |Y_{lm}(\theta,\varphi)|^2 \sin\theta d\theta d\varphi\right] R_{nl}^2(r) r^2 dr$$

$$= R_{nl}^2(r) r^2 dr$$

$$W_{nl}(r) = R_{nl}^2(r) r^2$$

1. 氢原子(类氢离子)精细结构总的能量修正

$$\Delta E = \Delta E_{nj} = -E_n \frac{\alpha^2 Z^2}{n^2} \left(\frac{3}{4} - \frac{n}{j + \frac{1}{2}} \right)$$

- □ 自旋-轨道相互作用修正使能级产生劈裂,而 动能、势能相对论修正仅使能级发生移动
- □ 总的能量修正是负值!
- □ 氢原子能级的精细结构对 *l* 部分简并,仅由 量子数 *n* 和 *j* 决定

(1) 自旋-轨道相互作用

当
$$l=0$$
时, $\Delta E_{ls}=0$ 当 $l\neq 0$ 时,

$$\Delta E_{ls} = \begin{cases} -E_n \frac{\alpha^2 Z^2}{n^2} \frac{n}{2(l+\frac{1}{2})(l+1)}, & j = l + \frac{1}{2} \\ +E_n \frac{\alpha^2 Z^2}{n^2} \frac{n}{2l(l+\frac{1}{2})}, & j = l - \frac{1}{2} \end{cases}$$

(2) 动能的相对论修正

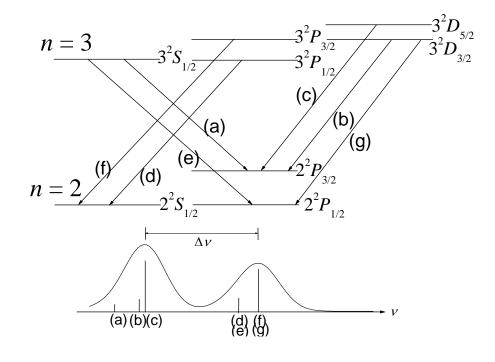
$$\Delta E_T = -E_n \frac{\alpha^2 Z^2}{n^2} \left(\frac{3}{4} - \frac{n}{l + \frac{1}{2}} \right)$$

(3) 势能的相对论修正

当
$$l=0$$
时, $\Delta E_V=-E_n\frac{\alpha^2Z^2}{n}$ 当 $l\neq 0$ 时, $\Delta E_V=0$

2. 精细结构对应的跃迁和光谱

以氢原子巴尔末系的Hα谱线为例



共有7种跃迁方式,对应5条谱线

电偶极跃迁的选择定则

$$\Delta l = \pm 1$$
 $\Delta j = 0, \pm 1$

拓展1: 自旋、磁矩与角动量加法

$$S^2 = s(s+1)\hbar^2$$

$$S = \frac{1}{2}$$

$$S_z = m_s \hbar$$

$$m_s = \pm \frac{1}{2}$$

$$g_l = 1$$

$$\vec{\mu}_l = -g_l \frac{\mu_B}{\hbar} \vec{L}$$

$$\vec{\mu}_s = -g_s \, \frac{\mu_B}{\hbar} \, \vec{S}$$

$$g_s = 2$$

$$\vec{\mu}_{lz} = -g_l \frac{\mu_B}{\hbar} L_z = -m_l g_l \mu_B$$

$$\mu_{sz} = -m_s g_s \mu_B$$

原子的总角动量是量子化的,设量子数为j:

角动量加法

$$\vec{J}^2 = j(j+1)\hbar^2$$

$$J_z = m_i \hbar$$

$$j=l+s$$
 , $l+s-1$, ... $|l-s|$

$$m_j = j, j-1, ..., -j+1, -j$$

原子态符号(谱项):

$$^{2S+1}L_J$$

拓展2:碱金属原子的精细结构能级和光谱

$$\Delta E_{ls} = \begin{cases} \frac{\mu c^{2} \alpha^{4} Z_{fs}^{*4}}{2n^{*3}} \frac{1}{(l+1)(2l+1)} > 0, & j = l + \frac{1}{2} \\ -\frac{\mu c^{2} \alpha^{4} Z_{fs}^{*4}}{2n^{*3}} \frac{1}{l(2l+1)} < 0, & j = l - \frac{1}{2} \end{cases}$$

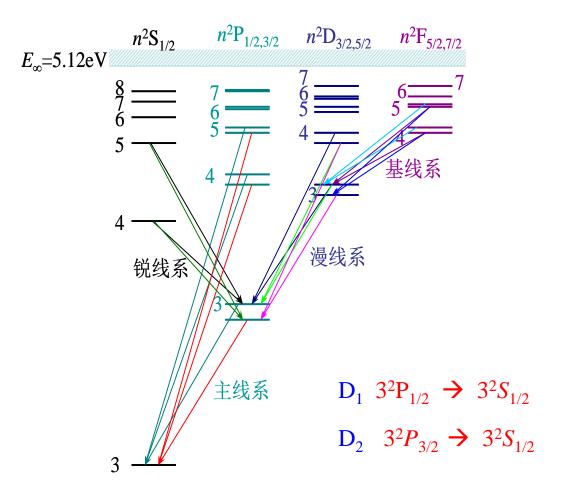
 n^2S_{10} 没有精细结构分裂

其余分裂为两个精细结构能级

电偶极跃迁的选择定则

$$\Delta l = \pm 1$$

$$\Delta j = 0, \pm 1$$



主线系,锐线系:双线结构

漫线系,基线系:三线结构 10

外磁场中的原子

1. 外磁场中的能级和光谱

塞曼效应

弱磁场中:

先考虑电子的轨道-自旋相互作用,再考虑总角动量与外磁场作用

$$U = -\vec{\mu}_J \cdot \vec{B} = -\mu_{Jz} B = m_J g_J \mu_B B$$

$$E_{J}^{'} = E_{J} + m_{J}g_{J}\mu_{B}B$$

无外磁场(B \rightarrow 0)时,此2J+1 介态简并

有外磁场时,能级分裂为2J+1条

原子的有效磁矩
$$\bar{\mu}_J = -g_J \frac{\mu_B}{\hbar} \bar{J}$$

朗德因子 $g_J = I + \frac{J(J+1) + S(S+1) L(L+1)}{2J(J+1)}$

$$\mathcal{L} = \frac{\mu_B B}{hc} = \frac{eB}{4\pi m_e c}$$

洛伦兹单位 B=1T时, £=0.466 cm⁻¹

跃迁光谱

$$hv = E'_{J_2} - E'_{J_1}$$

$$= (E_{J_2} - E_{J_1}) + (m_{J_2}g_2 - m_{J_1}g_1)\mu_B B$$

$$= hv_0 + (m_{J_2}g_2 - m_{J_1}g_1)\mu_B B$$

$$\tilde{v} = \tilde{v}_0 + (m_2 g_2 - m_1 g_1) \mathcal{L}$$

选择定则:

$$\Delta l = \pm 1$$

$$\Delta j = 0, \pm 1$$

$$\Delta J = 0, 0 \iff 0$$

外磁场中的原子

塞曼效应 1. 外磁场中的能级和光谱

强磁场中:

忽略自旋—轨道耦合、轨道角动量L和自旋角动量S 各自均为守恒量

$$\Delta E = U = -\boldsymbol{\mu} \cdot \boldsymbol{B} = \frac{\mu_B}{\hbar} (\boldsymbol{L} + 2\boldsymbol{S}) \cdot \boldsymbol{B}$$
$$= \frac{\mu_B B}{\hbar} (L_z + 2S_z) = (m_l + 2m_s) \mu_B B$$

原子的能级按照 m_1 和 m_2 的不同组合产生分裂

选择定则:
$$\Delta l = \pm 1$$
 $\Delta m_l = 0, \pm 1$ $\Delta m_s = 0$

帕邢-巴克(Paschen-Back)效应

加上外磁场后, 两个能级产生磁分裂

$$E_2' = E_2 + (m_{l2} + 2m_{s2})\mu_B B$$

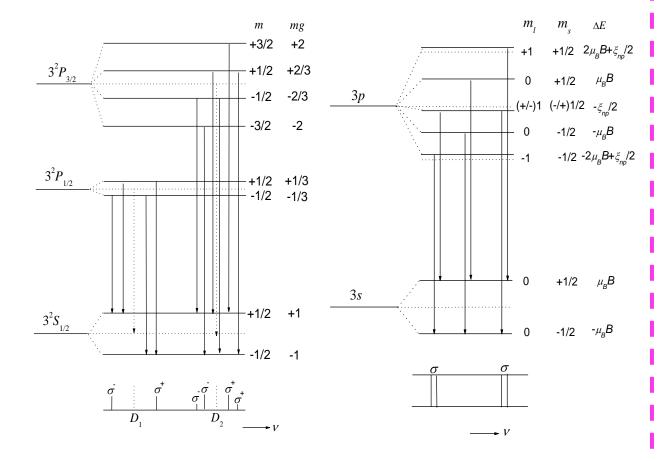
$$E_1' = E_1 + (m_{l1} + 2m_{s1})\mu_B B$$

$$\tilde{v} = \tilde{v}_0 + \frac{\mu_B B}{hc} \Delta m_l = \begin{cases} \tilde{v}_0 + \mathcal{L}, & \Delta m_l = +1 \\ \tilde{v}_0, & \Delta m_l = 0 \\ \tilde{v}_0 - \mathcal{L}, & \Delta m_l = -1 \end{cases}$$

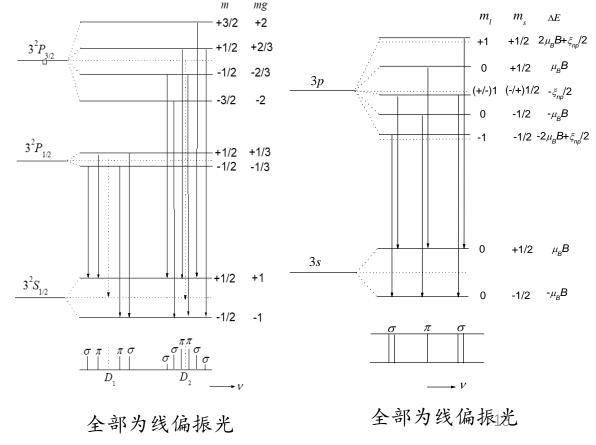
三条谱线, 表现为正常塞曼效应

拓展1: 外磁场中的谱线的偏振特性

沿着磁场观测: 只能看到△m≠0的谱线



垂直磁场观测: 可以看到所有谱线, 皆为线偏振



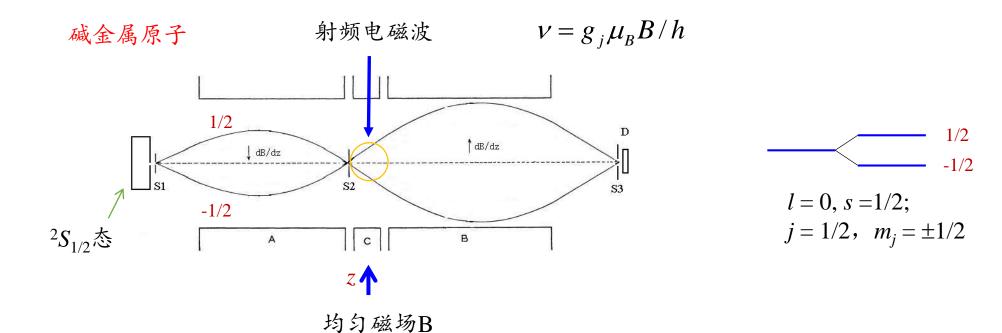
外磁场中的原子

拓展2: 原子束磁共振

原子在磁场中能级产生磁分裂,弱场情况下, 能级间隔 $\Delta E = g_i \mu_B B$

在垂直于磁场方向加上一个频率为 ν 的电磁波 $\nu = g_j \mu_B B/h$

 $E_0 = h\nu = \Delta E$ 相邻磁能级的间隔) 强烈的共振, 电磁波被吸收(磁共振现象)



整体思路:

- 1.先通过中心力场的独立粒子模型近似, 化为n个独立电子
- 2.按照上述章节对单电子原子的讨论,进行类似的讨论
- > 求解薛定谔方程
- ▶ 对薛定谔方程的结果进行修正(LS耦合, jj耦合)

单电子能量
$$E_{nl} = -\frac{1}{2} m_e c^2 \alpha^2 \frac{Z_{nl}^{*2}}{n^2}$$
 $1 < Z_{nl}^* < Z$

体系总能量
$$E^{(0)} = \sum_{i=1}^{N} E_{n_i l_i}$$

原子的总状态取决于各个独立电子的状态, 称为原子的电子组态

在考察第i个电子的时候,将它看作是在原子核的库仑场和其它(N-1)个电子形成的球对称的平均场 $S(r_i)$ 中运动。

$$\hat{H} = \sum_{i=1}^{N} \left(-\frac{\hbar^2}{2m_e} \nabla_i^2 - \frac{Ze^2}{4\pi\varepsilon_0 r_i} + S(r_i) \right) - \sum_{i< j=1}^{N} \frac{e^2}{4\pi\varepsilon_0 r_{ij}} \sum_{i=1}^{N} S(r_i)$$

剩余静电势

薛定谔方程为
$$\hat{H}_0 u^{(0)}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N) == E^{(0)} u^{(0)}(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N)$$

分离变量
$$u^{(0)}(\mathbf{r}_1,\mathbf{r}_2,\cdots,\mathbf{r}_N) = \prod_{i=1}^N u(\mathbf{r}_i)$$

分解为N个单电子的薛定谔方程

$$\left(-\frac{\hbar^2}{2m_e}\nabla_i^2 + V(r_i)\right)u(\mathbf{r}_i) = E_i u(\mathbf{r}_i) , i = 1, 2, 3, ...N$$
15

N个电子组态 $n_1l_1, n_2l_2, \cdots n_Nl_N$

1. 电子组态的能级修正

- LS 耦合:剩余静电势远大于自旋-轨道相互作用。基态原子和轻原子的低激发态,通常满足LS耦合
- jj 耦合: 自旋-轨道相互作用远大于剩余静电势。重原子或高激发态通常满足jj耦合

◆ LS 耦合

(1) 剩余静电势引起的电子组态能级分裂

$$\vec{L} = \sum_{i=1}^{\nu} \vec{l}_i \qquad \vec{L}^2 = L(L+1)\hbar^2$$

$$\vec{S} = \sum_{i=1}^{\nu} \vec{s}_i \qquad \vec{S}^2 = S(S+1)\hbar^2$$

(2) 进一步考虑自旋一轨道相互作用的修正

$$\vec{J} = \vec{L} + \vec{S}$$
 $\vec{J}^2 = J(J+1)\hbar^2$ $J = L+S, L+S-1, \dots |L-S|$ $J_z = M_J \hbar$ $M_J = J, J-1, \dots, -J$

用 $^{2S+1}L_J$ 表示多重态能级的精细结构成分

同一多重态相邻能级的间隔为

$$E_{J} - E_{J-1} = \frac{\hbar^{2}}{2} \xi(L, S) [J(J+1) - (J-1)J] = \xi(L, S)\hbar^{2}J$$

相邻能级的间隔与它们中 较大的 J 成正比

朗德间隔定则

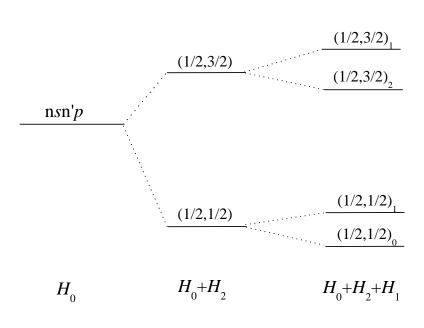
1. 电子组态的能级修正

◆ jj 耦合

- ▶ 自旋-轨道相互作用引起的电子组态能级分裂
- ▶ 电子可以看作各自独立地在中心场中运动
- ho 由于自旋-轨道相互作用,每个电子的l 和s 耦合成单个电子的总角动量j j=l+s
- \triangleright 中心力场近似下的电子组态能级的简并部分撤除,能级按照价电子 j_i 的不同组合产生分裂,其中最小的 j_i 组合的能级最低。
- \triangleright 对于 ν 个电子的组态,通常用 $(j_1,j_2,...,j_{\nu})$ 表示在jj耦合下的原子多重态
- ▶ 进一步考虑剩余静电势的修正,单电子的j不再是守恒量量

引入总角动量
$$J = \sum_{i=1}^{\nu} j_i$$

相应的精细结构子项表示为: $(j_1,j_2,...,j_v)_J$



2. 多电子原子的跃迁定则

第一条选择定则:初末态的宇称相反

$$\Delta(\sum_{i} l_{i}) = \pm 1$$

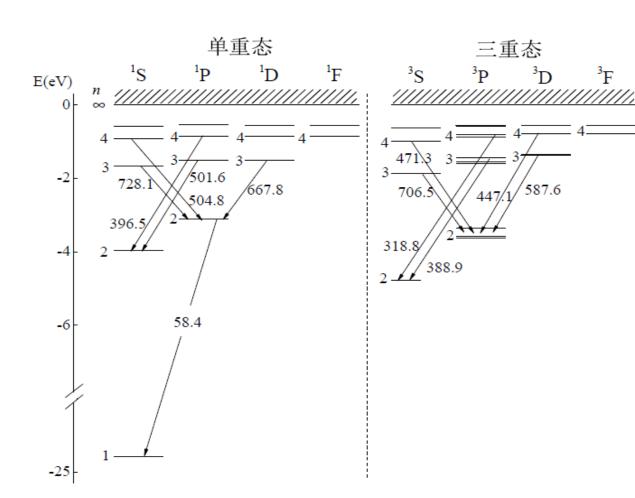
无论LS还是jj耦合都遵循

LS耦合:

jj耦合(不需要掌握):

只有涉及与外场发生相互作用时才需考虑

拓展1: He原子的光谱



- 有两套能级。一套能级是单重结构,另一 套为三重结构。实验中未发现两套能级之 间的光谱跃迁。
- 三重态的能级比相应的单重态的能级低。
- n=1的原子态只有单态,不存在三重态。

拓展2: He原子光谱的解释—全同粒子, 交换效应和泡利不相容原理

全同粒子

• 全同性原理: 交换任意两个全同粒子不会改变体系的物理状态

• 费米子

• 交换对称性:交换两个全同粒子,其波函数要么是交换对称的,要么是交换反对称的,这就是全同粒子的交换对称性

• 玻色子

$$\psi_{S}(q_{1},q_{2}) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\psi_{\alpha}(q_{1})\psi_{\beta}(q_{2}) + \psi_{\beta}(q_{1})\psi_{\alpha}(q_{2}) \right]$$
 交換对称

$$\psi_{A}(q_{1},q_{2}) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\psi_{\alpha}(q_{1})\psi_{\beta}(q_{2}) - \psi_{\beta}(q_{1})\psi_{\alpha}(q_{2}) \right]$$
 交換反对称

◆ Pauli不相容原理: 在多电子原子中,不能有任何两个电子处于完全相同的状态。 原子中不能有任何两个电子具有完全相同的四个量子数 自旋单重态

自旋三重态

泡利不相容原理的本质: 电子体系的波函数一定是交换反对称性的

拓展3:核外电子的排布

(1) 能量最低

(2) Pauli不相容原理

处在相同nl 状态的电子:轨道半径相同,能量相同,称为处在同一支壳层。

l = 0, 1, 2, 3, 4, 5, ... 分别称为: s, p, d, f, g, h支壳层。

处在相同主量子数 n 状态的电子:轨道半径相近,能量相近,称为处在同一壳层。

n=1,2,3,4,5,6,7分别称为: K,L,M,N,O,P,Q 壳层。

支壳层可以容纳的最大电子数(或具有相同n, l量子数的最大电子数): N_{p}

 $N_l = 2(2l+1)$

每个壳层可以容纳的最大电子数(或具有相同 n 量子数的最大电子数)

$$N_n = \sum_{l=0}^{n-1} 2(2l+1) = 2n^2$$

马德隆规则 Madelung's rule

- ▶ 对不同的支壳层,按n+l的值,从小到大依次排列
- > 对n+l相同的支壳层,按n的取值,从小到大依次排列

拓展4: 基态原子态的判断

洪特定则

- 对一给定的电子组态,能量最低的原子态必定具有泡利不相容原理所允许的最大S值
- S值相同的状态中, L值最大的原子态的能量最低。
- 对于同科电子(nl)^v

v <= 2l+1 J值最小的能量最低

v > 2l+1 J值最大的能量最低

互补的电子组态

 $(nl)^{Y-v}$ 与 $(nl)^v$ 耦合出的原子态是一样的。 np^4 与 np^2 原子态一样

双原子分子

1. 能级

◆ 双原子分子的转动能级

$$E_{J} = \frac{\hat{L}^{2}}{2\mu R_{e}^{2}} = \frac{J(J+1)\hbar^{2}}{2I_{e}} \qquad J = 0, 1, 2, 3... \qquad \Delta E_{J} = E_{J} - E_{J-1} = \frac{\hbar^{2}}{I_{e}}J$$

◆ 双原子分子的振动能级

$$E_{\nu} = (\nu + \frac{1}{2})h\nu_0$$
 $\nu_0 = \frac{1}{2\pi}\sqrt{\frac{k}{\mu}}$ $\nu = 0.1, 2.3...$

考虑非谐性修正:分子振动振幅较大时,势能曲线偏离抛物线,需考虑高次修正

双原子分子

2: 光谱

双原子分子纯转动光谱

- \triangleright 电子态相同(E_e 相同), 且处在同一振动态, E_v 相同, **仅转动能级** E_v 不同
- ▶只有极性双原子分子(例如HCl、HF、CO、NO等)才有
- ►位于远红外和微波区域

纯转动光谱的频率为:

$$v = \frac{\Delta E_J}{h} = \frac{E_J - E_{J-1}}{h} = \frac{\hbar}{2\pi I_e} J$$

以波数来表示:

$$\widetilde{v} = \frac{1}{\lambda} = \frac{\hbar}{2\pi I_e c} J = 2BJ$$

$$B = \frac{\hbar}{4\pi I_{e}c}$$

纯转动跃迁的选择定则:

$$\Delta J = \pm 1$$

- 双原子分子的纯转动光谱是等间隔的!
 - 相邻光谱线之间的距离为:

$$\Delta \widetilde{v} = \frac{\hbar}{2\pi I_e c} = 2B$$

双原子分子

2: 光谱

双原子分子的振转光谱

- \triangleright 电子态相同(E_e 相同);不同振动态, E_v 不同;不同转动能级, E_J 不同
- ▶只有极性双原子分子(例如HCl、HF、CO、NO等)才有
- ▶位于红外区域

相应的振动跃迁的选择定则为:

$$\Delta \nu = \pm 1, \pm 2, \pm 3 \cdots$$

$$\begin{split} \widetilde{v} &= \frac{(E_{v'} + E_{J'}) - (E_{v''} + E_{J''})}{hc} = \frac{(E_{v'} - E_{v''})}{hc} + \frac{(E_{J'} - E_{J''})}{hc} \\ &= \widetilde{v}_{v} + B'J'(J'+1) - B''J''(J''+1) \\ &\approx \ \widetilde{v}_{v} + B\big[J'(J'+1) - J''(J''+1)\big] \\ \widetilde{v}_{v} &= \frac{(E_{v'} - E_{v''})}{hc} \end{split}$$

$$R$$
支: $\Delta J = +1$ 即 $J' = J + 1$

振转跃迁所辐射光子的波数: $\tilde{v} = \tilde{v}(v' \leftarrow v) + 2B(J+1)$

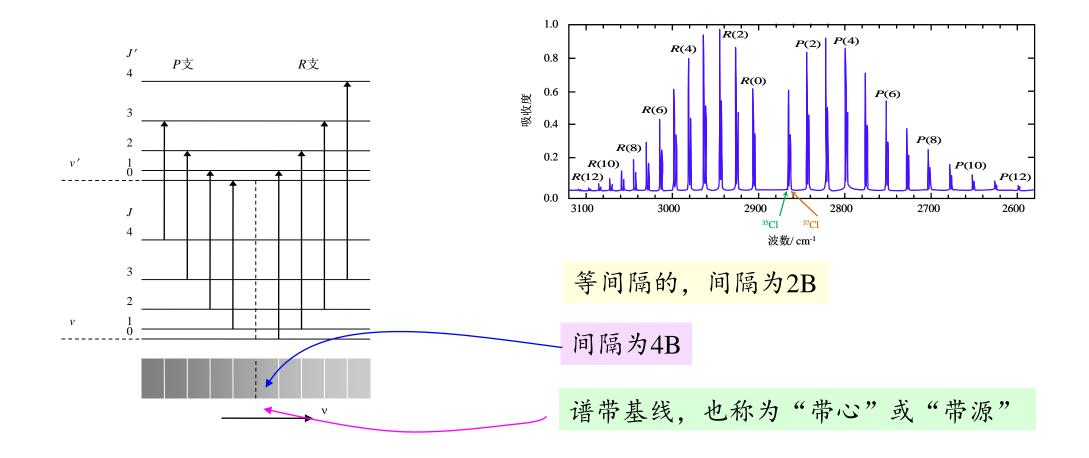
$$J = 0, 1, 2...$$

$$P$$
支: $\Delta J = -1$ 即 $J' = J - 1$

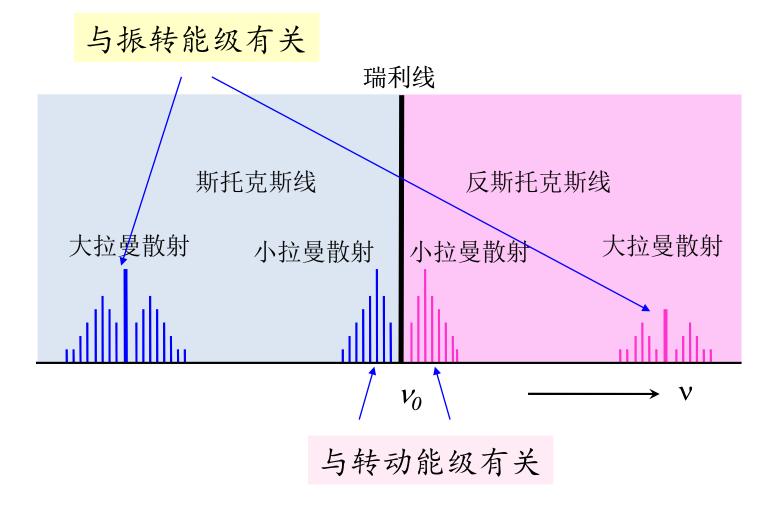
振转跃迁所辐射光子的波数: $\tilde{v} = \tilde{v}(v' \leftarrow v) - 2BJ$ $J \stackrel{2}{=} 1.2.3...$

2: 光谱

双原子分子的振转光谱



拓展1: 拉曼散射---光与分子间的散射



散射光子的能量为:

瑞利线: $hv_0 = hv_0$

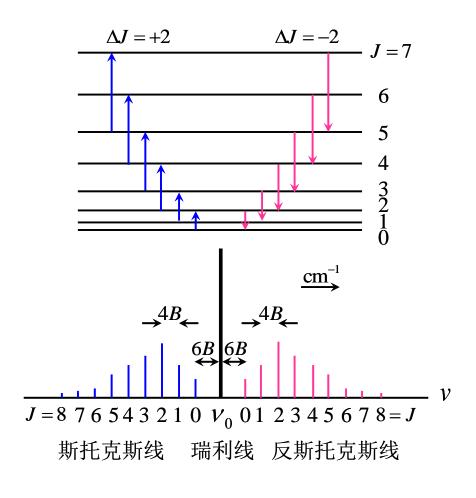
斯托克斯线,: $hv_0 = hv_0 - \Delta E$

反斯托克斯线: $hv_0 = hv_0 + \Delta E$

选择定则: $\Delta J = 0, \pm 2$

可研究同核双原子分子的振转能级结构!

拓展1: 拉曼散射---光与分子间的散射



小拉曼散射:

瑞利线ΔJ=0与入射光重合

$$hv_0' = hv_0$$

斯托克斯线 $\Delta J=+2$:

$$\Delta \tilde{v}_{J} = \tilde{v}_{J} - \tilde{v}_{0} = BJ(J+1) - B(J+2)(J+3)$$

$$= -4B(\frac{3}{2} + J) = -(6+4J)B$$

$$J = 0, 1, 2 \cdots$$

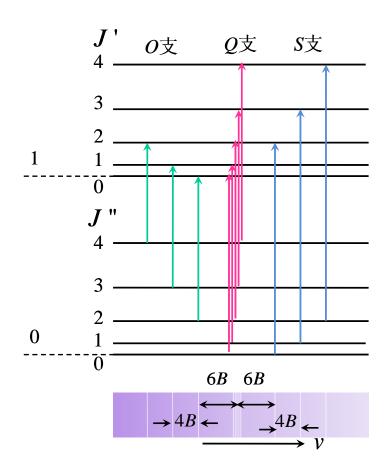
反斯托克斯线ΔJ=-2:

$$\Delta \tilde{v}_{J} = \tilde{v}_{J} - \tilde{v}_{0} = B(J+2)(J+3) - BJ(J+1)$$

$$= 4B(\frac{3}{2} + J) = (6+4J)B$$

$$J = 0,1,2\cdots$$

拓展1: 拉曼散射---光与分子间的散射



大拉曼散射对应的跃迁和光谱

大拉曼散射:

S支
$$\Delta J$$
=+2, $J'=J+2$:

$$\Delta \tilde{v}_{S} = \tilde{v}_{0} - \tilde{v}_{S} = \tilde{v}_{i} + B'(J+2)(J+3) - BJ(J+1)$$

$$= \tilde{v}_{i} + 6B' + (5B'-B)J + (B'-B)J^{2}$$

$$\approx \tilde{v}_{i} + 2B(2J+3) \qquad J = 0,1,2\cdots$$

O支
$$\Delta J$$
=-2, J' = J -2:

$$\Delta \tilde{v}_{o} = \tilde{v}_{0} - \tilde{v}_{o} = \tilde{v}_{i} + \left[B'(J-2)(J-1) - BJ(J+1) \right]$$

$$= \tilde{v}_{i} + 2B' - (3B' + B)J + (B' - B)J^{2}$$

$$\approx \tilde{v}_{i} - 2B(2J-1) \qquad J = 2, 3, 4 \cdots$$

Q支
$$\Delta J=+0$$
, $J'=J$:

$$\Delta \tilde{v}_{Q} = \tilde{v}_{0} - \tilde{v}_{Q} = \tilde{v}_{i} + \left[B'J(J+1) - BJ(J+1) \right]$$

$$= \tilde{v}_{i} + (B'-B)J + (B'-B)J^{2}$$

$$\approx \tilde{v}_{i} \qquad J = 0, 1, 2, \cdots$$