

类别	描述	pmf或pdf	期望	方差	特点
一维					
离散 型	0-1 分布	$P(X = k) = \begin{cases} k \in A \\ k \notin A \end{cases}$			
	均匀分布	$P(X = k) = \frac{1}{n}$			
	超几何分布(M, N, n)	$P(X = m) = \frac{\binom{M}{m} \binom{N-M}{n-m}}{\binom{N}{n}}$	$n \frac{M}{N}$		
	二项分布 $B(n, p)$	$P(X = k) = b(n, p, k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$	np	$np(1-p)$	$n \rightarrow \infty, np \rightarrow \lambda, X \sim P(\lambda)$, 一般 $n \geq 30, np \leq 5$ 即可;当 np 很大时, 用正态分布逼近
	负二项分布 $NB(r, p)$ $r = 1$, 几何分布 $Ge(p)$	$P(X = k) = nb(r, p, k) = \binom{k-1}{r-1} p^r (1-p)^{k-r}$	$\frac{r}{p}$	$\frac{r(1-p)}{p^2}$	几何分布具有无记忆性: $r \rightarrow \infty, r(1-p) \rightarrow \lambda, X = K - R \sim P(\lambda)$
	泊松分布 $P(\lambda)$	$P(X = k) = e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}$	λ	λ	可加性
连续 型	均匀分布 $U(a, b)$	$f(x) = \frac{1}{b-a} I_{(a,b)}(x)$			
	指数分布 $Exp(\lambda), \lambda > 0$	$f(x) = \lambda e^{-\lambda x} I_{(0,\infty)}(x)$	$\frac{1}{\lambda}$	$\frac{1}{\lambda^2}$	无记忆性; 独立的指数分布变量和 $Z = \sum X_i \sim \Gamma(n, \lambda)$, $f_z(z) = \frac{\lambda^n}{(n-1)!} z^{n-1} \exp(-\lambda z) I_{(0,\infty)}(z)$, Γ 分布 对 n 有再生性; 独立的指数分布变量差 $Z = X - Y$ 服从拉普拉斯分布, $f_z(z) = \frac{\lambda}{z} \exp(-\lambda z)$

	正态分布 $N(\mu, \sigma^2)$	$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \exp\left\{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right\}$	μ	σ^2	$F(x) = \Phi\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)$; N 对 μ, σ^2 具有再生性; 独立的正态分布变量商 $Z = X/Y$ 服从柯西分布, $f_z(z) = \frac{1}{\pi(1+z^2)}$
多维					
离散 型	多项分布 $M(N; p_1, \dots, p_n)$	$P(\cap x_i = k_i) = \frac{N!}{k_1! \dots k_n!} p_1^{k_1} \dots p_n^{k_n}$			
连续 型	n 元正态分布 $N(\mu_1, \dots, \mu_n; \sigma_1^2, \dots, \sigma_n^2; \rho_{ij})$	$f(\mathbf{x}) = (2\pi)^{-n/2} \mathbf{A} ^{-1/2} \exp\left(-\frac{1}{2}(\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu})^T \mathbf{A}^{-1}(\mathbf{x} - \boldsymbol{\mu})\right)$ $A_{ij} = \rho_{ij}\sigma_i\sigma_j$			$\rho_{ij} = 0$, 表示 x_i, x_j 独立; m 元边缘分布是 m 元正态分布 (独立条件);
	均匀分布	$f(\mathbf{x}) = \frac{1}{ G } I_G(\mathbf{x})$			